

ශ්‍රී ලංකා විශාල අධ්‍යාපන මධ්‍යම / මූල්‍යකම් පරිශාල් ත්‍රිත්‍යකාරී / Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යාපන පොදු යොමු කළ උග්‍ර විභාගය, 2000 අගෝස්තු
 ක්‍රමයින් පොතුත් තරාතරප්පත්තිරුම්යා තරාප්ප පරිශාල්, 2000 ඉක්සාත්
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2000

වෘත්තාලා ගණිතය II
 මුද්‍රායාක කණිතම II
 Applied Mathematics II

	06
S	II

පැ තුනයි / ප්‍රතිච්‍රිත මුද්‍රා මුද්‍රාවායාව / Three hours

ප්‍රශ්න කෙටුව පෙනෙන්න පිළිඳුරු යායාන්න.
 දායාත්‍ය විදු ප්‍රයාගා උග්‍රයේ.

1. දේශක්‍රියා ම වූ P අකුත්‍රිය, රෝහාවිය දිග අ පහ මාරා-යය mg වූ උග්‍රයාප්ප ප්‍රකාශයට තැනැඩිය මිනින්, ප්‍රමුඛ හිරියා මිනින් මා ඇති අවල O ප්‍රකාශයට ප්‍රමුඛ හිරියා මිනින් නොමුවුලු, ආදාය ගිණුය මා නෑව, නොමුවුලු නොමුවුලු නොමුවුලු නොමුවුලු.

$$\text{නොමුවුලු ප්‍රමුඛ දිගාවියන් } 2 \sqrt{\frac{ga}{3}} \text{ ප්‍රශ්නයායින්, ගිණුය දිග් ආදාය ප්‍රමුඛයා පරුණු ගැඹුවේ.}$$

t මාලයේද මාලයේද OP නොමුවුලු දිග r ඇ, OP නැරි ඇති මුද්‍රාවය 0 ඇ මැඩි. විවිධ ප්‍රමුඛයා මියා, ඒ මිනින්

$$\frac{d^2r}{dt^2} = \frac{4ga^3}{3r^3} - \frac{g}{a}(r-a)$$

වේ අපෝනාය ඇරන්න.

$$\frac{g(r-a)(2a+r)}{3ar^2} f(r) \text{ ආකාරයයා } \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 \text{ ප්‍රකාශ කළ ගැඹුව වේ ප්‍රශ්නයා; මිනින් } f(r) \text{ යනු r හි එරෙහි}$$

ශ්‍රීයක්, f(r) හිරියා පරුණු පරුණු ඇති අවලයා.

r මිනින් එහි විවාහයට අය යොහොතු එවි, ප්‍රශ්නය පහ න්‍යාරේ ඇදිනී රිකිනෙකට ප්‍රමුඛ වන වේ අපෝනාය පරුණු ප්‍රශ්නයා පරුණු ප්‍රශ්නයා පරුණු ප්‍රශ්නයා.

2. දේශක්‍රියා ම වූ P අකුත්‍රිය, හිරියා ප්‍රශ්නය ඇති අරු අ පහ ප්‍රකාශකර නොමුවුලු නැතු, t මාලයේද OP නැරි ඇති මුද්‍රාවය 0 මිනින් දැක්වීන්,

$$\left(\frac{d\theta}{dt} \right)^2 = \left(\frac{u}{a} \right)^2 - \frac{2g}{a} (1 - \cos \theta)$$

වේ ප්‍රශ්නයා.

භාවිතයේ ඉහළ ම ප්‍රශ්නය පරුණු ප්‍රශ්නයා නොවා පරිදි ම හි අය යොහොතු.

ය හි මිනින් අය යොහොතු,

$$(i) \frac{d\theta}{dt} = 2\sqrt{\frac{g}{a}} \cos \frac{\theta}{2} \text{ වේ,}$$

(ii) ප්‍රශ්නය පහ භාවිතය ඇති ප්‍රකාශකර ප්‍රකාශකර ප්‍රකාශකර ප්‍රකාශකර ප්‍රකාශකර

(iii) ප්‍රකාශකර ප්‍රකාශකර ප්‍රකාශකර ප්‍රකාශකර ප්‍රකාශකර ප්‍රකාශකර

$$\sqrt{\frac{a}{g}} \ln \left(\sqrt{6} + \sqrt{5} \right) \text{ වේ}$$

ප්‍රශ්නයා.

ଗ୍ରହତ କିମ୍ବା

$$(i) A \text{ റിലൈ } \text{ ദിക്കാവ് \(\tan \delta = \frac{(1 + e)t}{2t^2 + 1 - e}\)}$$

ଲକ୍ଷ୍ମୀ ଦେବୀ ପାତା ଲବ୍ଧ ।

(ii) වාලක ගස්සියෙහි භාජිවන භාගය $\frac{1-e^{-t^2}}{2(1+t^2)}$ නව 4

ප්‍රතිඵලීය: මෙහි රුක් රුක් ප්‍රවිස්තාවේ $t = \tan \theta$ වේ.

4. දිගුවට ම අරු ආ සහ වෙනත් තු මූල්‍ය පිශීලියක් විවෘත කිරීමේදී P පැවත්වයායි. එහි ජ්‍යෙෂ්ඨයි සහ යොදාගැනීමේදී අවශ්‍ය ලෙස සිටිනු ලබයි. පැවත්වය O ට මින්ද ට ඉතුළු නිශ්චිත පිශීලියක් විවෘත කිරීමේදී Q පැවත්වය රේ සිර්ද පැවත්වය යොදාගැනීමේදී අවශ්‍ය ලෙස සිටිනු ලබයි. එකත්ව, විවෘත නිශ්චිත පිශීලියක් විවෘත ප්‍රතිඵලිය නැරඹීම් මත (පිශීලියෙන් නොවා) පෙරෙනු ජැවැදු; විවෘත විවෘත අවශ්‍ය පිශීලිය නැවත පිශීලියක් විවෘත කිරීමේදී.

OP අරය තු සෙවකයින්ගේ හැඳි ආක්‍රී පිට වලඹුවේ පමණක් එහා ගෘතිය නොදා

(i) අ-කුලී වාලක යෙතිනිය, $ma^2 \theta^2 (1 + \cos \theta)$ බව පූ.

$$(ii) \ a\dot{\theta}^2 = \frac{g(1 - \cos\theta)}{2 + \cos\theta} \text{ वही}$$

ଅଭ୍ୟାସିକ

POQ විභාගීකරණය රඟම් එහි සිරස් වන විට විශ්වාස්‍ය ආකෘතිය තැබුණු යුතා, මෙම අභ්‍යන්තරයේ ගෙවීමෙන් අදිලිවා පැවතියාවත් දොයාති.

5. දෙකාන්තියා ම සඳ දි 2 ආ තු රෝහාවර ඇති දෙකාන්තියා සේවකයා පෙනා යන, දෙකාන්තියා උපීම අධ්‍යාපනය විට එව අවබෝගි පූර්ණය උපාධියා පෙනීමෙන්, දෙකාන්තියා ම සඳ දි 2 ආ තු රෝහාවර උපාධියා පූර්ණය නැතු යන

ରତ୍ନ କାଳଯାତ୍ରା ଲେଖିବା ଅପ୍ରକଟିତ ଲିରୀ ଅବଦରିକି ପ୍ରକାଶ ଦିଲ୍ଲି $\frac{2}{3} Ma^2$ ଏବଂ ଅନେକିତିନା.

ABCD රාක්ෂාණ සම්බන්ධ ප්‍රසාදය ආයත්‍ය ප්‍රමාණ ප්‍රමාණ සිරස් ලේඛාපන මූලික ප්‍රසාදය විනෝන් හිටුව්ලාභයෙන් ඇති G ප්‍රසාදය විට ය නොමැති ප්‍රශ්නයායිනි. A සිරස් ප්‍රසාදය ප්‍රමාණ ප්‍රමාණ සිරස් ලේඛාපන මූලික ප්‍රසාදය ඇති නැති ආයත්‍ය ප්‍රසාදය නොමැති ප්‍රසාදය $\frac{y}{4}$ වන ඕව ප්‍රහැරිත්ත.

କାହାରି କ୍ଷିମାଲିତି ପଢାଇ କାହାରାରେ କ୍ଷିମିତିରେ କାହାରିଲାଗି ଯିବାକୁ କାହାରିଯାଏ କ୍ଷିମାଲିତି ହୁଏଥାଏ

6. (a) ගණ පාඨිකාවන් ගෙ ආයි සුදුවා අවශ්‍ය ලද යාරු, 5 මින් උසම් පෙන්නේ ඉදිරි ඇග විවෘත ලබා. ආයි ප්‍රාග්ධනාජාලයන් නොව, එහි යාරුවන් පැපු පෙන්නා යාවත් පෙන්නා යාරු ගැනී. “යාර්තා දුන්නාය දාන් තාවින යාරු ගැනී” Y උසම් පෙන්නා විවෘතය ලෙස ගැනී. Y නි උසම් පිළි ප්‍රාග්ධනාය පෙන්නේ රුප්‍ර ප්‍රාග්ධනාය යාරින ආර, අරෝත්තාව ගැනීය යාරිනා.

(b) විදුලි පාඨම් අභ්‍යන්තර උසම් පිරියාය විදුලි උසම් පිරියාය දෙනා මායින ඉංග්‍රීස් X (මිටර පිය ගණනීන). උසම් පිරියාය පෙන්නා විවෘතය ලබා. එහි f(x) උසම් පිරියාය නොන්වා ප්‍රාග්ධනා අභ්‍යන්තර ප්‍රාග්ධනා පෙන්නා.

$$f(x) = \begin{cases} k(1-x)^3, & 0 \leq x \leq 1 \\ 0, & \text{තෙහෙත් පිටත.} \end{cases}$$

මිනින් ය.

$k=4$ බව පෙන්නා, $P(X>x)$ නිස් උසම් පිරියාය විභාගී මූල්‍ය යායාන්.

(i) ඉංග්‍රීස්, මිටර 10 ට වහා එයි එම් උසම් පිරියාවනාව

යාය

(ii) මායින දැඟුම් අවශ්‍යවීමේ උසම් පිරියාවනාව 0.0016 වන පරිදි මායින ක්‍රිල ද අභ්‍යන්තර මිනින් මූල්‍ය රුම රිදු ඇතින් නොහැරි තීරෝ ගණනා.

යායයන්.

7. X උසම් පිරියාය, පායියෙන් එක්සත් අනුශාලනය යාරින ආර, එහි උසම් පිරියාය ප්‍රාග්ධනා

$$P(X=x) = \frac{e^{-\mu} \mu^x}{x!}, \quad x=0, 1, 2, \dots$$

විය.

X නි ඔධ්‍යානය ම බැව පායිනා යාරිනා.

භාර්යාල යායින්ඩිලංස් ඇත ආයි දුරකථන තුවමාරුවිනා මායින උසම් පිරියාවනා යායින් මායින් පිරියාවනා. X මිනින් “එනෑම ප්‍රාග්ධනාව පාරිවිත ආරෝතා මායින උසම් පිරියාවනා ගණනා” දෙමුවූ. එය ඔධ්‍යානය 3 මූල්‍ය පායියෙන් එක්සත් පිරියාවනා යාරින්නේ ඇයි උග්‍රාදුරුහා යාරින්.

X අදාය උසම් වෙනත් (most probable) මූල්‍ය ඇත් බව පෙන්නා, රුව යායානා. ඒ එන් එන් අභ්‍යන්තර ඇතුළු පිළියාවනා, ආයෝන රිජයාන 0.225 වෙත් පෙන්නා.

එනෑම ප්‍රාග්ධනාව, පාරිවිත ආරෝතා මායින උසම් පිරියාවනා ගණනා

- (i) ආරෝතා එයි නොවීම්
- (ii) ආරෝතා වියි නොවීම්

උසම් පිරියාවනා ගණනය යාරිනා.

ද ආයි එනෑම ප්‍රාග්ධනාව, ඇයි විභාගී මායින උසම් පිරියාවනා එක් එනෑම විභාගී විසින් උසම් පිරියාවනාව 0.90 ට වැඩි වන පරිදි තුවමාරුවිට මිනින ප්‍රාග්ධනාවනා ගණන යායානා.

[$e^{-3} \approx 0.05$ ලද ගණනා.]

8. (d) පොනුක්ක මාරු වියල පැවත්වන් කිහිපි උග්‍ර පර, ඔබඩෑය 1.25 kg සහ පැමින අඟාම්භය 0.40 kg යෙහි ට ප්‍රාග්‍රහ ලද විෂයක වි ඇත. අදාළ පෙන මාර්ගෝන් 0.50 kg ට අදු පර ගැනී දේ ආපු පොනුක්ක දැඩි යුතු වේ.
- මිලු පොනුක්ක මෙම පොනුක්කන් සයින්හාටි ලද මාර්ගෝන් අලා ගැනී තම්, පහා දැක්වන රුස් රුස් පිදුවෙය පොනුවාටි නොයෙන්.
- (i) මාර්ගෝන් අඟාම්භ දැක්ව ඒම;
 - (ii) මාර්ගෝන් පර, මාර්ගෝන් මාර්ගෝන් වූ $2\frac{1}{3}$ kg ඉස්මටමින.
- (a) මිශ්‍රයකට රැක්කරු කළිනාකයක ඉමිතු උඩි විට එක මිය යාමි ඩොනාරිකාව 0.8 යේ.
- (i) මිශ්‍රයන් 5 ජ්‍ය වින රාම කළිනාකය ඉමිතු පැවත්වනායේ රැයින් 4 ජ්‍ය වින මිය යාමි ඩොනාරිකාව සෙවීම පදනා දී-පද විවෘතිය නොයෙන්.
 - (ii) මිශ්‍රයන් 100 මින් පැවත්වනා රැයින් රාම කළිනාකය ඉමිතු උඩි. රැයින් උඩිම වියයන් 80 ජ්‍ය වින මිය යාමි ඩොනාරිකාව, දී-පද විවෘතිය පදනා ප්‍රමිත පත්ති-ක්‍රේත්‍ය සෙවීමේන්, සිම්ඩාය කරයා.
9. රැක ප්‍රකාශනීයන් යුතු P අඟාවන් ඇරුණුවා යටෙන් විලාභය වන අතර, රැකි මියය w වන විට kw ප්‍රකාශනීයන්, රැකි විලාභය රැක්වීම මාර්ගෝන් ගැනී යෙයි; මෙයින් k මියායායි.
- P අඟාව O මූලය ට 0 සිරි ට ඉහළට, Oy-අඟාය දිග්‍ය y මිශ්‍රයන් ප්‍රකාශනීය මාර්ගෝන් උඩි; මෙයි I, j යුතු පිළිවෙළින් Ox, Oy මැයුම්කාංග පාවිතිය අඟා දිග්‍ය රැක පැවත්වනා ඇදිමිය යේ. I මාර්ගෝන් ඇම මිශ්‍රයන් ප්‍රකාශනීය යුතු යුතු නැති. $u = u_0 e^{\alpha t}$ නේ පොනුවාන්.
- $$Q \text{ අඟාවේ ප්‍රතිඵලිත උඩිවාම මාර්ගෝන් } Q = \frac{u_0 v_0}{g + kv_0} \text{ යේ, ඒ නෙයින් පොනුවාන්.}$$
10. Pl. QJ, Rk කිරීමා මෙල, පිළිවෙළින් $a+i b$, $a+i b+ck$, ck පිළිවෙළි ඇදිමිය යාමා ප්‍රකාශනීය දී සිය පොනුවා; මෙයි a, b, c මෙන මියන වන අතර, i, j, k යුතු පිළිවෙළින් Ox, Oy, Oz මුළු පාවිතිය අඟා දිග්‍ය රැක පැවත්වනා ඇදිමිය යේ.
- එහ පැවතිය, O සි F නෙන් පැවත්වනා යා පුරුණ ඇදිමිය G වූ පුරුණයින් ප්‍රකිරීමා මාර්ගෝන් නැතුම්හි F සහ G නොයෙන්. G ඇදිමිය Oy-අඟායට ප්‍රාග්‍රහ බව පොනුවාන්.
- $$\text{ඇදිමිය නෙන් පැවත්වනා යාලා වින්න } \frac{a}{P} = \frac{b}{Q} + \frac{c}{R} \text{ නැත් බව පොනුවාන්.}$$
- නව දුරටත් $Q = 2P$, $R = 3P$, $b = \frac{4}{3}a$, $c = a$ බව දී ඇුණාම්.
- (i) ඇදිමිය නෙන් ඩීපුසුක්ක මැලෙහට උඩාභය වන බව පොනුවාන් නොයෙන්.
 - (ii) ඩීපුසුක්ක සියා රෝමාවට Oy-අඟාය y, j පිළිවෙළි ඇදිමිය යාමා ප්‍රකාශනීය දී නැවුවා නැති $y_1 = -\frac{2a}{3}$ බව පොනුවාන්.
 - (iii) ඩීපුසුක්ක සියා රෝමාවට ඇදිමිය යාමා ප්‍රකාශනීය පුදා දැක්වන්න.