

ශ්‍රී ලංකා විද්‍යාත දෙපාර්තමේන්තුව/Department of Examinations, Sri Lanka

**අධ්‍යාපක පොදු සහතික පත්‍ර (අධ්‍යක්ෂ පෙළ) විභාගය, 1992 අගෝස්තුව
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 1992**

(02) விப்பாரக மதிய II (02) Applied Mathematics II	02
	S II

ବୃ ଶୂନ୍ୟ/Three hours

ପ୍ରତିନିଧିତ୍ବ କାମକାଳେ ପାଇଲାମୁଣ୍ଡିଙ୍ଗୋ ମିଲିଶ୍ୟାର୍ଟ୍ ଦରଯତୀଙ୍କୁ

- $$1. \quad (6) \quad e^y \left(\frac{dy}{dx} + 1 \right) = 1 \quad \text{எவ்வள குறைந்த ரீதியானது?}$$

(ii) v යෙහු x හි ලිඛායක විට $y = vx$ යන්හා

$$2x^2 \frac{dy}{dx} + y^2 = x(x+2y)$$

ଯେବୁଳ ପତିକରଣ ପ୍ରକାରମେ ନାହିଁ $v(x - c) = x + c$ ଏବି ଅପରିଚିତଙ୍କାଣେ, ଅଛି ଏହି କାଣ୍ଡ ଯେ ଏହିପରିବାଦିକୁ

2. ඩීයා ස්වරුනුයෙකින් සංස්ක්‍රීල් පාරාන ගමන් කරන / දිනැති දුම්බයකට 2V උපරිම වේගයක ඇත. උපරිම ප්‍රමාණයෙහි පාරාන, දුම්බය යන දියාවට ම ගමන් කරන ඇත්තේ රෝපයක් 2V නීයා ස්වරුනුයෙක් 3V උපරිම ප්‍රමාණයක් වේයි. අරුදුවෙන් දී දුම්බය පසු පස ගෙවුවටත් ඇත්තේ රෝපයක් උපරිම රෝපය තුළ ඇත අතර දුම්බයෙහි ඇත්තේ රෝපයෙන් වෙත පිළිවෙළත් V නෑ ප්‍රාග්ධනයි. දුම්බයක් ඇත්තේ රෝපය රෝපය උපරිම ප්‍රමාණය උපරිම ප්‍රමාණ ලබන ගමන් පිළිවෙළුනු I₁, I₂, I₃ කාලෝයිඩ් ද. දුම්බය තුළ ඇත්තේ රෝප යන පිළිවෙළත් I₁ (> I₂) කාලෝයිඩ් ද. දුම්බයක් විවිධයා ඇත්තේ රෝපය විවිධයා ඇත්තේ ආදා ප්‍රාග්ධනය තුළ ඇත අර ප්‍රමාණය අඩුන්න. රෝපයෙන්, දුම්බය පසු පස ගෙවුවටත් ඇත්තේ විරෝධ ආදා ප්‍රාග්ධනය තුළ ඇත්තේ රෝපය යන පිළිවෙළත් වේ අඩුන්නය කෙරුණේ.

$$t_3 = \frac{l}{V} + \frac{17V}{16f} \quad \text{ລວມ}$$

$$3V^2 < 16fI$$

ଓଡ଼ିଆ

3. ගම්බල මෙල් පාරක හිතේ කළ තුළය සහා නැංව ඇති දුලීරියක මෙන්දාය $k (v^2 + U^2)$ වේ. මෙහි v යුතු වෙශය ඇත්තා k හා U යුතු තීයා ඇත්තා වේ. ආර්ථිකයේදී $v = 2U$ නම්, $\frac{1}{Uk} \tan^{-1} \left(\frac{1}{3} \right)$ කාලය ඇත්තා වේ. $\frac{1}{2k} \log_e \frac{v^2}{U^2}$ යුතු ඇත්තා වෙශය අධික්‍රීත වන නිවා පාදනය යාර්ථික.

දාව්නර $\frac{\pi}{4Uk}$ සාලයක දී තවත් $\frac{1}{2k} \log_2 2$ යුතු ගම්ක් සඳහා පසු දැක්වීය නිශ්චලකාවට පැමිගෙන බව ද පාහිතා කළයේ.

$$\frac{(m - m')^2 g \sin \alpha \cos \alpha}{M(m + m') + 4mm' + (m - m')^2 \sin^2 \alpha}$$

ଏହି ଅନୁଭବ କରନ୍ତୁ. ଅଟିକେ M ଯାହା ଅନୁଭବରେ ଯେବୁନାହିଁ ହିଁ. (P କାଣ୍ଡରେ କିମି ଅନୁଭବରେ ଯେବୁନାହିଁ ହିଁ ଏ ରିପିଟ ଏହି ଦୂରାକ୍ଷେପଣ କାଳ ହେଉଥାଏ ।)

බෙත් අමු ආදව භාජනක වෙත ප්‍රමිතයෙන විට මැන්දය $\frac{l(m - m') \cos \alpha}{M + m + m'}$ දීමේ මෙය මින් පෙර පාඨ මින් පෙන්වනු ලබයි.

6. රෝමිලස්, 40 000 N වා නීතිය ප්‍රේරණයෙන් රුවු විට සම්මුද්‍ර රුල් පාරක 10 m s^{-1} පහත පෙරෙයයින් ගෙනැර් කළයි. රෝමිලස් ජල ප්‍රේරණය, kW විලිත් යෙනුය යාර්යෙන්.

ഒരു ദിവസം കേരളത്തിലെ പ്രധാനമന്ത്രിയും മുൻപ്രധാനമന്ത്രിയുമാണ് എന്ന് അഭ്യർത്ഥിക്കുന്നത്.

(i) 5 m s^{-1} അവിശക്തി ഒപ്പുമാറ്റം മുളച്ച് നിന്ന് വിലയിരുത്തുന്ന ഫോറ്റോഗ്രാഫ് കാണാൻ കഴിയും.

(ii) බැංකුම තුනට දුම්බිල් උපයිම වෙනත 7 ආස-ට යම්බා වැඩි වෙත ගෙවීමේ.

(අදුන්වීමක ප්‍රවර්ත්තය, g යන්නා 10 m s^{-2} ලෙස ඇ, මෙට්‍රිස් වෙනතාය, 1000 kgවේ සම්ඟ ලෙස ඇ යන්නා.)

7. A අභ්‍යන්තර, සිරස පහිල α ($+\frac{\pi}{2}$) හෝ පහිල α යාදා යෙදා පෙන්වනු ලබන ප්‍රශ්නයන් ඉහළ තැකි. අභ්‍යන්තර, පෙන්වනු ලබන මූල්‍ය නී V ප්‍රශ්නයන් පෙන්ව පහිල θ හෝ පහිල θ හෝ දිගුවකට ආච්‍යාලන් සෑල් පෙන්වනු ලබයි. වෙනිල්ල අභ්‍යන්තර විශ්‍යාත්. A ව පෙන්වනු වන් නිශ්චිතයේ සඳහා ඇත් අභ්‍යන්තර සෑල් පෙන්වනු ලබයි.

$$(i) V^2 > U^2 [1 + k^2 + 2k \sin \alpha] \quad \text{වෙන්}$$

$$(ii) \tan \theta > k \sec \alpha + \tan \alpha \quad \text{වෙන් පෙන්වන්න.} \quad \text{මෙති } k = \frac{\sqrt{2gh}}{U}$$

$$k > 1 \quad \text{නම්, } \theta > \cos^{-1} \left(\frac{U}{\sqrt{2gh}} \right) \quad \text{වෙන් පෙන්වන්න.}$$

8. A, B හා C යන අඟ තුළන් සින්සි පිළිවෙළින් m, 2m හා 2m ලබයි. AB හා AC පුළු අවිනාශ තැක්ක මෙතින් A අඟව වන් C මෙත් අඟ තැක්ක තැවති. මෙත් නො මුළුවේ ද BAC හෝ ය = 60° ද වන් අද පදන්තිය පුළුව සිරස තුළයා මින තබා ඇත. \overrightarrow{BA} දිගුවට A අඟවට I අභ්‍යන්තර යොදානු ලැබේ. A අඟවල අඟ්‍යාය ප්‍රශ්නය සැකයාන්. \overrightarrow{BA} මෙහි $\tan^{-1} \left(\frac{\sqrt{3}}{5} \right)$ හෝ පහිල α යාදා දිගුවකට A අඟව විශ්‍යාත විශ්‍යාත පෙන් ගැන්න. පෙන්වන්න.

පදන්තියට යොදා එද වාලක යොමිය, m හා I අඟ්‍යායට් සැකයාන්.

9. රු හා සම්භා පුළුව සැකිල ප්‍රශ්නයට සෙන්ල ඇතැක්. එද ව සැකිල ය මෙයි; අර්ථාත් දී රු හෝ පැන්ලයාන් සියේර්ඩාලට පෙන්වනි. සැකිල්හාන් පුළු රාජ්‍ය පෙන් සැකිල්හාන් වන් බව පෙන්වන්න.

රු රුවා 3 cm අභ්‍යන්තර යුත් උවින් S₁, S₂ වෙළු ඇඟක සැකිල්හාන් පිළිවෙළින් A, B උග්‍යාවල ලබයි. ලෙනි AB = 16 cm. රු හා සම්භා පෙන්වින් S₁ හෝ උග්‍යාවල AB ව පැන්ලයාන් ලෙනි පුළුවෙළිය සෙන්ල උග්‍යාවල පැන්ලට ම් 1 සම්භා පුළුවෙළි මෙන්හා ද ගැටුවා පරිදි ද. පැන්ල විනි හා රු විනි සැකිල්හාන් පැන්ල දී තී නි සැකිල්හාන් පිළිවෙළින් C හා C' උග්‍යාවල පිහිටි. තී හෝ විශ්‍යාත ආච්‍යාත දිගුවට A B ව සැකිල්හාන් ලෙනි පැන්ල. CC' දී භාවාන්න. S₁, S₂, S₃ සැකිල්හාන් අවධාන විට 20 : 12 : 9 අභ්‍යන්තරයන් වන් බව පෙන්වන්න.

10. (a) P හෝ පැන්ලයාන්. xOy පැනය විශ්‍යාත සැකිල් ද යන් I හා පැන්ලයාන් දී රු විශ්‍යාත පැන්ල පිළිවුම පැන්ලයාන්

$$\overrightarrow{OP} = (a \cos \omega t) \mathbf{i} + (a \sin \omega t) \mathbf{j} \quad \text{වන් පරිදි ය.} \quad \text{මෙති } a, \omega \text{ යනු සියලු ද මි. j \text{ යනු} \\ \text{පිළිවෙළි } Ox, Oy \text{ අඟ පිළිවෙළි වූ රුවා සැකිල්හාන් ද මෙයි. P හෝ පැන්ල විශ්‍යාතයාන් බව පෙන්වන්න. P හෝ විශ්‍යාතයාන් පැන්ලයාන් විශ්‍යාතයාන් විශ්‍යාතයාන් සැකිල්හාන් විශ්‍යාතයාන්.$$

එහි ද N යුතු P සිට OX අඟවට ඇදි පැන්ලයාන් අවිය නම්, N යෙදා අඟ්‍යායින් විශ්‍යාතයාන් යොදානු වෙන් රු හෝ අර්ථාත් පිළිවෙළි ($t = 0$) සිට $P \hat{O}N = \text{අඟ්‍යායින් } \alpha$ වන් පරිදි මු සිසිටි ගැන් යන වන් කාලය $\frac{\pi}{\omega}$ බවන් සැකිල්හාන්.

(b) පාරිඛි පැන්ලය තුළ වූ විශ්‍යාතයාන්, එහි දිව පාරිඛි සැකිල්යාන්ට ඇති දිවට අඟ්‍යායින් සැම්බුජාන් පැන්ලයාන්, පැන්ලයාන් සැකිල්හාන් විශ්‍යාතයාන් විශ්‍යාතයාන් සැකිල්හාන් විශ්‍යාතයාන් සැකිල්හාන් විශ්‍යාතයාන් සැකිල්හාන් විශ්‍යාතයාන් සැකිල්හාන්. (පාරිඛි අරු ද = 6400 km ලෙනි පරිදි විශ්‍යාතයාන් සැකිල්හාන් විශ්‍යාතයාන් සැකිල්හාන් විශ්‍යාතයාන් සැකිල්හාන්.)

11. පුරිව පෙනු ඇත්ත වියයා, සේන්සරයි O න්. අද ආ එ මූලික පිටපත් වෙත පැවත්වන නම් එහි අඟ පිරිව ව සිංහල අද පෙනු ඇත්ත ඇතා. පිළිබඳින් රෙජ්ය්‍යම් ම කා km වන P හා Q අඟ දෙන. $\frac{\pi d}{2}$ දිගුන් පුළු අඩංගු පැවත්වන ඇත්ත ඇත්ත අඟ පිටපත් O න් O පිරිව අඟ පිටපත් P න් O පිරිව අඟ පිටපත් Q න් පිටපත් පෙනී ඇ. මානුෂී විට පිටපත් පෙනී. $\ell = 0$ යාලනය දී පැවතියි. නිශ්චලාවට පිට වූ ඇත්ත පැවත්වන ඇත්ත ඇ. මාලුවය දී OP, O එහි පිරිව පිටපත් ගැනීමෙන් පැවති ඇ. යාන්ත්‍රික ගැනීමි ඇ-ඡැනීමි මුදලරුහි උපයෝගී ඇතා, මානුෂී වො මුළු ට පැවත්වනායි.

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} = \frac{g}{a(1+k)} (\sin \theta + k \cos \theta)$$

වේ සෙන්ටරිත්තා. $0 \leq \theta < \frac{\pi}{2}$ විට පමණක් ඉහළ සීමිතයෝග විඳුලු වන වේ ආපේරිජය කරන්න.

P අංශය විනා ප්‍රමිතියාව සොයුන්න. $k > 3 - 2\sqrt{2}$ නම් හැන්තුව ප්‍රෝලේ එකට පෙර ප්‍රමිතියාව දියව විනිශ්චිත වන මිනින්දොනී.

12. සේනයිය ම ද පැහැදිලි 2a ද වන $ABCD$ රේඛාකාර පමච්චරගු කෙටිවන. AB දරු වටා අවස්ථීය ප්‍රතිඵල ආකෘතිය තේරීමෙන.